

- \* أجمل ما في الحياة أن تبني جسراً من الأمل فوق بحيرة من اليأس.
- \* سر النجاح في السعي للنجاح.
- \* لا تضيق ذرعاً بالمحن فإنها تصقل الرجال، وتقدح العقل، وتشعل الهم.
- \* من لم يكن له في بدايته احتراق لم يكن له في نهايته إشراق، ومن جد في شبابه ساد فيشيخوخته.
- \* إن الفشل في تحقيق ما تريده أمر طبيعي في العالم الذي نعيش فيه وليس الفشل هو الذي يجعل منا فاشلين لكن إذا توفرنا عن المحاولات وقبلنا هذا الفشل تكون فاشلين.

**جامعة التحدى**  
**كلية إعداد المعلمين بسرت - فرع وادي زمزم**  
**اختبار الدور الثاني في الجبر المجرد 2 لطلاب السنة الرابعة للعام الجامعي 2007/2006**

الزمن: ساعتان ونصف

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

س.1 أ) عرف كلاً من: الحلقة - المثالية- التشاكل الحلقي - مميز الحلقة - المجال

ب) لتكن  $X$  مجموعة غير خالية ولتكن  $P(X)$  مجموعة قوى  $X$  برهن أن مميز الحلقة  $(\otimes)$  يساوي 2 . حيث

$$A, B \in P(X) \quad A \oplus B = (A - B) \cup (B - A), \quad A \otimes B = A \cap B$$

ج) لتكن  $R$  حلقة. أعطِ مثالاً يوضح أن  $\deg(f(x).g(x)) \neq \deg(f(x)) + \deg(g(x))$  حيث [

س.2 أ) أوجد كل العناصر القابلة للعكس في الحلقة  $Z_{12} \times Z_6$

ب) ليكن  $J$  حلقة جزئية من  $R$  ، و  $K$  حلقة جزئية من  $S$  برهن أن  $J \times K$  حلقة جزئية من  $S \times R$

س.3 أ) برهن أنه لا يوجد تشاكل تقابللي بين الحلقتين  $Z$  و  $Z_2$

ب) ليكن كلاً من  $I$  ،  $J$  مثالية من الحلقة  $R$  برهن أن الجموعة  $I + J$  تكون مثالية من  $R$  حيث

$$I + J = \{a + b : a \in I, b \in J\}$$

س.4 أ) برهن أنه إذا كانت الحلقتين  $R, S$  متشاكلتين تقابللياً وكانت  $R$  تبديلية فإن  $S$  تكون تبديلية أيضاً

ب) ليكن  $S \rightarrow R$ :  $\varphi$  تشاكل حلقي ،  $\{r \in R : \varphi(r) = 0\} = K$  برهن أن  $K$  حلقة جزئية من  $R$

س.5 أ) إذا كانت  $R$  حلقة تبديلية ذات عنصر محايد ولكل  $R \in R$  يوجد معكوس وكانت  $I$  مثالية من  $R$  برهن

$$I = R$$

ب) وضح أن المحدودية  $f(x) = x^3 + 3x + 2$  في الحلقة  $[x]_5$  تكون غير قابلة للاختزال.

انتهت الأسئلة... تمنياتي للجميع بالنجاح ...  
 أ. محمد زيدان مهندس

### الفرق بين الناجح والفاشل

الناجح يفكر في الحل والفاشل يفكّر في المشكلة - **الناجح** لا تنقض أفكاره والفاشل لا تنقض أذاره -

الناجح يساعد الآخرين والفاشل يتوقع المساعدة من الآخرين - **الناجح** يرى حلًّا لكل مشكلة والفاشل يرى

مشكلة في كل حل - **الناجح** يقول: الحل صعب لكنه ممكن والفاشل يقول: الحل ممكّن لكنه صعب - **الناجح**

ينظر إلى المستقبل ويتعلّم إلى ما هو ممكّن والفاشل ينظر إلى الماضي ويتعلّم إلى ما هو مستحيل -

الناجح يصنع الأحداث والفاشل تصنّعه الأحداث - **الناجح** لديه أحالم يحققها والفاشل لديه أوهام وأضغاث

أحلام يبدها - **الناجح** ينافش بقوّة وبلغة لطيفة والفاشل ينافش بضعف وبلغة فظة - **الناجح** يعتبر الإنجاز

التزامًا يلبّيه والفاشل لا يرى في الإنجاز أكثر من وعد يعطيه - **الناجح** يختار ما يقول والفاشل يقول ما

يختار - **الناجح** يتمسّك بالقيم ويتنازل عن الصغار والفاشل يتثبت بالصغار ويتنازل عن القيم.