

- الطريق الحقيقي للنجاح هو بذل الجهد والاجتهد وإن ما نحصل عليه دون جهد أو ثمن فليس ذي قيمة.
  - الثقة في النجاح تعني دخولك معركة النجاح متتصراً بنفسية عالية والذي لا يملك الثقة بالنفس يبدأ معركته منهزماً.
  - اسأل نفسك دائمًا مم تخاف (وقل لن يصيّنا إلا ما كتب الله لنا)
  - الناجحون يثقون دائمًا في قدرتهم على النجاح.
  - تجاهل الناس الذين يرددون دائمًا وأبدًا كلمة مستحيل.
  - لا تقارن نفسك بالآخرين وإذا كان ذلك ، فلا تقارن نفسك بالفاشلين.
- 

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ الْفَاتِحَةُ

## اللَّهُمَّ أَعُوذُ بِكَ لِمَا تَحْكُمُ

جامعة المرقاب



كلية الآداب

والمعلوم - زليتن

(متحان) الرور الأول للسنة الأولى بقسم الرياضيات في مقرر أساس الرياضيات

العام الجامعي 2007-2008

موعد الامتحان: الأحد الموافق 8.6.2008 من الساعة 8:00 إلى الساعة 11:00 صباحاً.

### غير مسموح باستعمال الآلة الحاسبة

في هذا الامتحان 8 أسئلة والمطلوب الإجابة على 6 أسئلة فقط بشرط أن تكون الأسئلة الأربع الأولى من بينها.  
تكون الإجابة في نفس أوراق الأسئلة وفي الفراغ المعد لذلك.

الكتابة تكون بقلم الحبر الجاف ولن يعتمد بالإجابة المكتوبة بقلم الرصاص.

تأكد أن صفحات هذا الامتحان مرقمة من 1 إلى 6

تمنياتي للجميع بالتوفيق والنجاح..... لـ... محمد العبيدي

"رب أدخلني مدخل صدق وأخرجني مخرج صدق واجعل لي من لدنك سلطاناً نصيراً"

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

﴿قَالَ رَبُّ اشْرَحْ لِي صَدْرِي ۝ وَيَسِّرْ لِي أَمْرِي ۝ وَاحْلُلْ عُقْدَةً مِنْ لِسَانِي ۝ يَفْقَهُوا قَوْلِي﴾

- س.1. ضع علامة / أمام العبارة الصحيحة وعلامة X أمام العبارة الخاطئة مع التعليل (غير مطلوب منك برهان، يكفي ذكر مبرر مناسب أو تعريف أو مبرهنة):
- 1 . كل علاقة ترتيب جزئي تكون علاقة ترتيب كلي.

2. المتسلسلة متقاربة.

3. القضية: ( ليبيا في قارة أفريقيا أو مدينة الرياض في المغرب ) صائبة منطبقاً.

4. ليكن  $\{(x,y) : x + y \geq 2\} = A$  علاقـة معرفـة عـلـى الـجـمـوعـة  $\{1,2,3,4,5\}$  فإن أصغر عنصر في A بالنسبة للعلاقة R هو 1

5. إذا كانت  $A = (-5,10)$  فإن  $\text{Min } A = -5$

الثقة في النفس طريق النجاح والنجاح يدعم الثقة في النفس ، والخوف من أي محاولة جديدة طريق حتمي للفشل ، ورؤيتـك السـلـبية لـنـفـسـك سـبـبـ فـشـلـكـ فـيـ الـحـيـاةـ ، وـرـؤـيـتكـ الـإـيجـابـيةـ لـنـفـسـكـ تـدـفعـكـ دـائـماـ إـلـىـ النـجـاحـ.

بِاسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

بِاسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

س.2. فيما يلي إذا كانت العبارة صحيحة برهن وإذا كانت خاطئة أعط مثلاً يوضح ذلك.

1. إذا كانت  $A - B \subseteq A$  فإن  $A, B$  مجموعتين

2. مجموعة الأعداد الطبيعية  $\mathbb{N}$  مرتبة ترتيباً حسناً بالعلاقة  $\{(x,y) : x|y\}$

3. إذا كان  $n^2$  عدد فردي فإن  $n$  عدد فردي.

4. إذا كانت  $R$  علاقة ناقلة ولا انعكاسية على المجموعة غير الخالية  $A$  فإن  $R$  ليست دالة.

5. إذا احتوت المجموعة المرتبة جزئياً على أكبر عنصر فهو وحيد.

"اللهم إني أسألك فهم النبيين وحفظ المرسلين والملائكة المقربين ،اللهم اجعل ألسنتنا عامرة بذكرك وقلوبنا بخشتك وأسرارنا بطاعتك إنك على كل شيء قادر وحسينا الله ونعم الوكيل "

أجمل ما في الحياة أن تبني جسراً من الأمل فوق بحيرة من اليأس.  
سر النجاح في السعي للنجاح.

س.3. ضع خط تحت الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المذكورة أمام كل عبارة:

1. إذا كان  $\{ \exists h \in I \ni x \in A_h, \exists h \in I \ni x \notin A_h, x \notin A_i \forall i \in I \}$  فإن:  $x \notin \bigcup_{i \in I} A_i$

2. المتسلسلة  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n^2 + 1}$  متقاببة شرطاً - متبااعدة - متقاببة مطلقاً - لشيء مما ذكر {

3. القضية  $(p \vee q) \leftrightarrow (\sim p \wedge \sim q)$  تكون: {صائية منطقيا - تناقض - غير محددة منطقيا} - لاشيء مما ذكر }

4. المتالية تكون:  $\left\{ (-1)^{2n} \frac{n+1}{n+2} \right\}_{n=1}^{\infty}$  متقابلة - متبااعدة - لاشيء مما ذكر

5. العلاقة  $\{(x,y) : x + 2y \geq 1\}$  المعرفة على المجموعة  $Z$  تكون علاقة:

{ غير عاكسة - عاكسة - متماثلة - تكافؤ - ترتيب حدي - لا شيء مما ذكر }

س. 4. أكمل ما يأتي:

اذا كان  $A = \{(0.1)^n : n \in \mathbb{N}\}$  فإن  $\inf A = \dots$  ،  $\sup A = \dots$

..... 2.نصف قطر تقارب المتسلسلة يساوي  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+1}{4^n} x^n$

3.3. ليكن  $A = \{2, 4, 5, 10\}$  ول يكن  $R = \{(x, y) \in A \times A : x|y\}$  فإنه بالنسبة للعلاقة  $R$  يكون:

أصغر عنصر في A ..... ، العنصر الأعظمي في A .....

..... 4. العلاقة  $R$  ليست متماثلة على المجموعة  $A$  إذا كان .....

..... 5. القضية  $\exists y \in Z : x + y = 5$  يعبر عنها لفظياً كالتالي .....

الإنسان يملك طاقات كبيرة وقوى خفية يحتاج أن يزيل عنها غبار التقصير والكسل ... فانت أقدر مما تتتصور وأقوى مما تخيل وأذكي بكثير مما تعتقد..... أشطب كل الكلمات السلبية عن نفسك مثل: " لا أستطيع - لست ذكياً - لا أفهم - أرتبك - أنسى " وردد باستمرار: " أنا أستحق الأفضل - أنا مبدع - أنا ممتاز - أنا قادر على النجاح بتفوق "

الناجحون لا ينجحون وهم جالسون لا هون ينتظرون النجاح ولا يعتقدون أنه فرصة حظ وإنما يصنعونه بالعمل والجد والتفكير واستغلال الفرص والاعتماد على ما ينجزونه بأيديهم.

س.5. أعط (إن وجد) مثالاً مناسباً لكل من:

1. علاقة عاكسة ولها صورة متماثلة.

2. علاقة  $R$  معرفة على مجموعة  $A$  تكون علاقة تكافؤ وعلاقة ترتيب جزئي في نفس الوقت.

3. متتالية متقاربة من نقطتين مختلفتين.

4. قضية مركبة من قضيتين  $p, q$  تكون صائبة دائماً مهما كانت قيمة صدق كل من  $p, q$ .

5. متسلسلة متقاربة شرعاً.

س.6.أ. ليكن كل من  $\{A_i\}_{i \in I}$ ,  $\{B_j\}_{j \in J}$  عائلةمجموعات مرقمة برهن أن:  $(\bigcap A_i) \times (\bigcap B_j) = \bigcap (A_i \times B_j)$

ب. هل المتسلسلة  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^4}{e^{n^2}}$  متقاربة أم متبااعدة؟ برهن صحة ما تقول.

س.7.أ. برهن أن:  $2n+1 \leq 2^n$  لكل  $n \geq 3$

ب. إذا كان كل من  $f: A \rightarrow B$ ,  $g: B \rightarrow C$  ،  $g \circ f: A \rightarrow C$  دالة فوقية برهن أن:  $g \circ f$  دالة فوقية.

س.8.أ. برهن أن:  $R = \{(a, b) \in Z \times Z : \frac{a+b}{2} \in Z\}$  علاقة تكافؤ على مجموعة الأعداد الصحيحة  $Z$

ب. برهن أن كل متتالية متقاربة في  $IR$  تكون متتالية كوشي.

\* لا تضق ذرعاً **بالمحن** فإنها تصقل الرجال، وتقدح العقل، وتشعل الهم.  
\* من لم يكن له في بدايته احتراق لم يكن له في نهايته إشراق، ومن جد في شبابه ساد فيشيخوخته.

"الحمد لله الذي هدانا لهذا وما كنا لننهي لولا أن هدانا الله "