

## جامعة المرقب

كلية الآداب والعلوم – زليتن  
قسم الرياضيات

الاختبار النصفي الأول في مقرر أساس الرياضيات لطلاب السنة الأولى للعام الجامعي 2006/2007

الزمن: ساعة ونصف

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

س.1 أ.) أكتب القضايا التالية بصورة رمزية ثم أوجد قيمة الصدق لكل قضية حيث  $x, y \in \mathbb{R}$

i) إذا كان  $3 > 2$  فإن  $-3 > -2$  ii) ليس صحيحاً أن: الخيول تغزو أو  $3 > 4$

iii) إذا وإذا كان فقط  $xy = 0$  أو  $x = 0$

ب) عرف القضية ثم بين ما إذا كانت القضايا التالية صائبة منطقياً أم لا؟

$\sim p \wedge p$  (iii)  $p \rightarrow (\sim p \wedge q)$  (ii)  $\sim(p \wedge q) \leftrightarrow (\sim p \vee \sim q)$  (i)

س.2 أ.) عرف المنطق الرياضي ثم باستخدام قوانين جبر القضايا برهن أن:  $\sim p \equiv \sim(\sim p \vee q) \vee (\sim p \wedge q)$

ب) عبر عما يلي باستخدام الرموز المنطقية حيث  $x, y \in \mathbb{R}$  ثم حدد قيمة الصدق للقضية:

i) لكل  $x$  يوجد  $y$  بحيث  $x + y = 0$  ii) يوجد عدد حقيقي وحيد جذر له عدد صحيح

س.3 أ.) لتكن المجموعة الشاملة  $\mathcal{R}$  فأي الجمل التالية صحيحة:

$\forall x \exists y, x - y = 5$  (ii)  $\exists x \forall y, x + y = 4$  (i)

ب) أكتب عكس العبارة التالية وكذلك معاكسها الлогيبي مع تحديد قيمة الصدق في كل حالة:

إذا كان  $n$  عدداً أولياً فإن:  $n = 2$  أو  $n$  عدداً فردياً

ج) أكتب العبارة التالية بصورة رمزية ثم انفها وأعد كتابتها بصورة لفظية:

إذا كان  $x$  عدداً زوجياً فإن  $x^2$  عدداً زوجياً

س.4 أ.) برهن أن:  $q \rightarrow p \sim p \wedge (q \rightarrow p) \Rightarrow \sim q$  باستخدام طريقة فرض خطأ

النتيجة

ب) باستخدام جداول الصدق بين ما إذا كانت الحجة التالية صائبة أو خاطئة:

الرجال المتزوجون سعداء.

الرجال السعداء يعيشون فترة أطول من غيرهم.

.: الرجال غير المتزوجين أعمارهم قصيرة.

ج) باستخدام قوانين الاستدلال وقوانين جبر القضايا برهن صحة الحجة المنطقية التالية:

$(B \vee D) \rightarrow \sim G , C \rightarrow D , A \rightarrow B , G , \therefore \sim A \wedge \sim C$